

## QCM Séries

me

### Question

Choisir les suites de fonctions  $(f_n)_{n \geq 0}$  qui convergent uniformément vers leur limite simple:

### Réponses

$$f_n(x) = \frac{e^{-x}}{n} \text{ sur } ]-\infty, 0] \quad \text{PAS}$$

$$f_n(x) = \frac{e^{-x}}{n} \text{ sur } ]0; +\infty[ \quad \text{CORRECT}$$

$$f_n(x) = nxe^{-nx} \text{ sur } [0; +\infty[ \quad \text{PAS}$$

### CORRECT

$$f_n(x) = nxe^{-nx} \text{ sur } [0; 1[ \quad \text{PAS}$$

### CORRECT

$$f_n(x) = nxe^{-nx} \text{ sur } [a; +\infty[ \text{ avec } a \in ]0; 1[ \quad \text{CORRECT}$$

$$f_n(x) = nxe^{-nx} \text{ sur } [1; 2] \quad \text{CORRECT}$$

ma

### Question

Choisir les suites de fonctions  $(f_n)_{n \geq 0}$  qui convergent uniformément vers leur limite simple:

### Réponses

$$f_n(x) = \frac{e^{-x}}{n} \text{ sur } ]-\infty, 0] \quad \text{PAS}$$

$$f_n(x) = \frac{e^{-x}}{n} \text{ sur } ]0; +\infty[ \quad \text{CORRECT}$$

$$f_n(x) = nxe^{-nx} \text{ sur } [0; +\infty[ \quad \text{PAS}$$

### CORRECT

$$f_n(x) = nxe^{-nx} \text{ sur } [0; 1[ \quad \text{PAS}$$

### CORRECT

$$f_n(x) = nxe^{-nx} \text{ sur } [a; +\infty[ \text{ avec } a \in ]0; 1[ \quad \text{CORRECT}$$

$$f_n(x) = nxe^{-nx} \text{ sur } [1; 2] \quad \text{CORRECT}$$

lu

### Question

Choisir les suites de fonctions  $(f_n)_{n \geq 0}$  qui convergent uniformément vers leur limite simple:

### Réponses

$$f_n(x) = \frac{e^{-x}}{n} \text{ sur } ]-\infty, 0] \quad \text{PAS}$$

$$f_n(x) = \frac{e^{-x}}{n} \text{ sur } ]0; +\infty[ \quad \text{CORRECT}$$

$$f_n(x) = nxe^{-nx} \text{ sur } [0; +\infty[ \quad \text{PAS}$$

### CORRECT

$$f_n(x) = nxe^{-nx} \text{ sur } [0; 1[ \quad \text{PAS}$$

### CORRECT

$$f_n(x) = nxe^{-nx} \text{ sur } [a; +\infty[ \text{ avec } a \in ]0; 1[ \quad \text{CORRECT}$$

$$f_n(x) = nxe^{-nx} \text{ sur } [1; 2] \quad \text{CORRECT}$$

ma

### Question

Soit  $(f_n)_n$  une suite de fonctions définies par  $f_n(x) = \frac{e^{-nx}}{n}$ . Alors, la suite  $(f_n)_n$

#### Réponses

converge simplement sur  $[0, +\infty[$  **CORRECT**  
converge simplement sur  $] - \infty; 0[$  **PAS CORRECT**

jeu

### Question

Soit  $(f_n)_n$  une suite de fonctions définies par  $f_n(x) = \frac{x^n}{1+x^n}$ . Alors, la suite  $(f_n)_n$

#### Réponses

converge uniformément sur  $] \frac{1}{2}; \frac{7}{2}[$  **PAS CORRECT**  
converge simplement sur  $[0, +\infty[$  **CORRECT**  
converge uniformément sur  $] \frac{1}{3}; \frac{2}{3}[$  **CORRECT**  
converge simplement sur  $] - \infty; 0[$  **PAS CORRECT**  
converge uniformément sur  $] \frac{1}{3}; \frac{2}{3}[$  **CORRECT**  
converge uniformément sur  $]0; 2[$  **PAS CORRECT**

me

### Question

Soit  $(f_n)_n$  une suite de fonctions définies par  $f_n(x) = nxe^{-nx}$ . Alors, la suite  $(f_n)_n$

#### Réponses

converge uniformément sur  $[0, +\infty[$  **PAS CORRECT**  
converge simplement sur  $[1, +\infty[$  **CORRECT**  
converge uniformément sur  $[0, 1[$  **PAS CORRECT**  
converge uniformément sur  $[1, 2]$  **CORRECT**

ma

### Question

Soit  $(f_n)_n$  une suite de fonctions qui converge vers une fonction  $f$  sur un intervalle  $I$ . Alors:

#### Réponses

Si les  $f_n$  sont croissantes, alors  $f$  aussi. **CORRECT**  
Si les  $f_n$  sont continues, alors  $f$  aussi. **PAS CORRECT**

me

### Question

Soit  $(f_n)_n$  une suite de fonctions qui converge uniformément vers une fonction  $f$  sur un intervalle  $I$ . Alors:

### Réponses

Si les  $f_n$  sont strictement décroissantes, alors  $f$  aussi. **CORRECT**  
Si les  $f_n$  sont continues, alors  $f$  aussi. **PAS CORRECT**

ma

### Question

On considère la suite de fonctions définies par  $f_n(x) = \frac{nx}{1+nx}$ . Alors, la suite  $(f_n)_n$

### Réponses

converge simplement vers une fonction constante sur  $[0, 1]$  **PAS CORRECT**  
converge uniformément sur  $]0, 1]$  **PAS CORRECT**  
converge uniformément sur  $[a, 1]$  ( $a \in ]0, 1[$ ) **CORRECT**  
converge uniformément sur  $[1, +\infty[$  **CORRECT**

lu

### Question

Soit  $(f_n)_{n \geq 0}$  une suite de fonctions définies sur un intervalle  $I \subset \mathbb{R}$  à valeur dans  $\mathbb{R}$ .

Quelles les conditions nécessaires pour appliquer le théorème d'interversion limites-dérivations?

### Réponses

Pour tout  $n \in \mathbb{N}$ , les fonctions  $f_n$  sont de classe  $C^1$  sur  $I$ . **CORRECT**  
La suite de fonctions  $(f'_n)$  converge uniformément sur  $I$  vers une fonction  $g$ . **CORRECT**  
La suite de fonctions  $(f_n)$  converge uniformément sur  $I$  vers une fonction  $f$  continue. **PAS CORRECT**  
 $\exists x_0 \in I$ , tel que la suite numérique  $(f_n(x_0))_{n \geq 0}$  converge. **CORRECT**  
 $\forall x_0 \in I$ , la suite  $(f_n(x_0))_{n \geq 0}$  converge. **PAS CORRECT**

jeu

### Question

Soit  $(f_n)_{n \geq 0}$  une suite de fonctions croissantes et continues sur  $[0, 1]$ , simplement convergente vers  $f$  continue. Alors, la suite  $(f_n)_n$

### Réponses

converge uniformément sur  $[0, 1]$  **CORRECT**  
converge uniformément sur  $[a, 1]$  ( $a \in ]0, 1[$ ) **CORRECT**  
ne converge pas uniformément sur  $[0, 1]$  **PAS CORRECT**

lu

### Question

Soit  $(f_n)_{n \geq 0}$  une suite de fonctions définies par  $f_n(x) = x^n \ln(x)$  pour  $x \in ]0, 1]$  et  $f_n(0) = 0$ . Alors

**Réponses**

- $(f_n)_n$  converge uniformément sur  $[0, 1]$  **CORRECT**
- $(f_n)_n$  converge uniformément sur  $[a, 1]$  ( $a \in ]0, 1[$ ) **CORRECT**
- $(f_n)_n$  converge uniformément sur  $[0, a]$  ( $a \in ]0, 1[$ ) **CORRECT**

**jeu**

**Question**

La série numérique de terme général  $u_n = \sin\left(\pi \frac{n^3 + 1}{n^2 + 1}\right)$  est

- Réponses**                      **divergente PAS CORRECT**  
convergente **CORRECT**      **CORRECT**  
**RECT**                              une série alternée

**jeu**

**Question**

La série numérique de terme général  $u_n = \frac{(-1)^n}{\sqrt{n} + (-1)^n}$  est

- Réponses**                      **divergente CORRECT**  
convergente **PAS RECT**      **CORRECT**  
**CORRECT**                              une série alternée **PAS**

**lu**

**Question**

On définit la suite de fonctions  $f_n(x) = \frac{e^{-nx}}{1+x}$ . Alors, la suite  $(f_n)_n$

**Réponses**

- converge uniformément sur  $[0, +\infty[$  **PAS CORRECT**
- converge uniformément sur  $[0, 1]$  et la fonction limite est continue **PAS CORRECT**
- converge uniformément sur  $[1, +\infty[$  et la fonction limite est continue **CORRECT**

**me**

**Question**

On définit une suite de fonctions par  $f_n(x) = x^2 \sin\left(\frac{1}{nx}\right)$  pour  $x \in \mathbb{R}^*$  et  $f_n(0) = 0$ . Alors, la suite  $(f_n)_n$

**Réponses**

- converge uniformément sur  $\mathbb{R}$  **PAS CORRECT**
- converge uniformément sur  $[-2, 2]$  **CORRECT**
- converge uniformément sur  $[0, 2]$  **CORRECT**
- converge uniformément sur  $[0, +\infty[$  **PAS CORRECT**